

# أولمبياد الرياضيات

المرحلة الثانية

المستوى: الثالثة إعدادي

الجمعة 2008/03/07

نيابة خنيفرة

مكتب الأنشطة التربوية

و تنشيط المؤسسات

مكتب الامتحانات و المباريات

مدة الإنجاز: 3 س

التمرين الأول:  $a$  و  $b$  و  $c$  أعداد حقيقية، بحيث  $a+c=2b$   
بين أن:

$$\frac{1}{\sqrt{a}+\sqrt{b}} + \frac{1}{\sqrt{b}+\sqrt{c}} = \frac{2}{\sqrt{a}+\sqrt{c}}$$

التمرين الثاني:  $x$  و  $y$  عدنان حقيقيان مختلفان

$$x^2 + y^2 = 3xy$$

بحيث:

حدد قيمة العدد  $A$  بحيث:

$$A = \frac{x+y}{x-y}$$

التمرين الثالث:  $ABC$  مثلث مساحته 10.  $D$  نقطة من القطعة  $[AB]$  بحيث  $AD=2$  و  $BD=3$ . المستقيم المار من  $D$  و الموازي لـ  $(AC)$  يقطع  $[BC]$  في النقطة  $E$ .  
حدد مساحة المثلث  $ABE$ .

التمرين الرابع:  $ABC$  مثلث و  $M$  منتصف القطعة  $[BC]$ .

$$AB + AC - BC < 2AM$$

بين أن